

МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Комитет по образованию г. Санкт-Петербурга

Администрация Московского района Санкт-Петербурга

**ГБОУ школа №544 с углублённым изучением английского языка
Московского района Санкт-Петербурга**

РАССМОТРЕНО

школьным методическим
объединением

Председатель МО
Очнева Н.А.
Протокол №5
от « 26 » мая 2023 г.

СОГЛАСОВАНО

решением педагогического
совета ГБОУ школа №544

Протокол №10
от «31» мая 2023 г.

УТВЕРЖДЕНО

приказом директора
ГБОУ школа №544

Васинович И.В.

Приказ №484
от «07» июня 2023 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

(ID 642384)

учебного предмета «Геометрия»

для обучающихся 10-11 классов

**Санкт-Петербург
2023**

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Рабочая программа учебного курса «Геометрия» базового уровня для обучающихся 10–11 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

Цели изучения учебного курса

Важность учебного курса геометрии на уровне среднего общего образования обусловлена практической значимостью метапредметных и предметных результатов обучения геометрии в направлении личностного развития обучающихся, формирования функциональной математической грамотности, изучения других учебных дисциплин. Развитие у обучающихся правильных представлений о сущности и происхождении геометрических абстракций, соотношении реального и идеального, характере отражения математической наукой явлений и процессов реального мира, месте геометрии в системе наук и роли математического моделирования в научном познании и в практике способствует формированию научного мировоззрения учащихся, а также качеств мышления, необходимых для адаптации в современном обществе.

Геометрия является одним из базовых предметов на уровне среднего общего образования, так как обеспечивает возможность изучения как дисциплин естественно-научной направленности, так и гуманитарной.

Логическое мышление, формируемое при изучении обучающимися понятийных основ геометрии и построении цепочки логических утверждений в ходе решения геометрических задач, умение выдвигать и опровергать гипотезы непосредственно используются при решении задач естественно-научного цикла, в частности из курса физики.

Умение ориентироваться в пространстве играет существенную роль во всех областях деятельности человека. Ориентация человека во времени и пространстве — необходимое условие его социального бытия, форма отражения окружающего мира, условие успешного познания и активного преобразования действительности. Оперирование пространственными образами объединяет разные виды учебной и трудовой деятельности, является одним из профессионально важных качеств, поэтому актуальна задача формирования у обучающихся пространственного мышления как разновидности образного мышления — существенного компонента в подготовке к практической деятельности по многим направлениям.

Цель освоения программы учебного курса «Геометрия» на базовом уровне обучения – общеобразовательное и общекультурное развитие обучающихся через обеспечение возможности приобретения и использования систематических геометрических знаний и действий, специфичных геометрии, возможности успешного продолжения образования по специальностям, не связанным с прикладным использованием геометрии.

Программа по геометрии на базовом уровне предназначена для обучающихся средней школы, не испытывавших значительных затруднений на уровне основного общего образования. Таким образом, обучающиеся на базовом уровне должны освоить общие математические умения, связанные со спецификой геометрии и необходимые для жизни в современном обществе. Кроме этого, они имеют возможность изучить геометрию более глубоко, если в дальнейшем возникнет необходимость в геометрических знаниях в профессиональной деятельности.

Достижение цели освоения программы обеспечивается решением соответствующих задач. Приоритетными задачами освоения курса «Геометрии» на базовом уровне в 10—11 классах являются:

- формирование представления о геометрии как части мировой культуры и осознание её взаимосвязи с окружающим миром;
- формирование представления о многогранниках и телах вращения как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные явления окружающего мира;
- формирование умения распознавать на чертежах, моделях и в реальном мире многогранники и тела вращения;
- овладение методами решения задач на построения на изображениях пространственных фигур;
- формирование умения оперировать основными понятиями о многогранниках и телах вращения и их основными свойствами;
- овладение алгоритмами решения основных типов задач; формирование умения проводить несложные доказательные рассуждения в ходе решения стереометрических задач и задач с практическим содержанием;
- развитие интеллектуальных и творческих способностей обучающихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления;
- формирование функциональной грамотности, релевантной геометрии: умение распознавать проявления геометрических понятий, объектов и закономерностей в реальных жизненных ситуациях и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, формулировать их на языке геометрии и создавать геометрические модели, применять освоенный геометрический аппарат для решения практико-ориентированных задач, интерпретировать и оценивать полученные результаты.

Отличительной особенностью программы является включение в курс стереометрии в начале его изучения задач, решаемых на уровне интуитивного познания, и определённым образом организованная работа над ними, что способствуют развитию логического и пространственного мышления, стимулирует протекание интуитивных процессов, мотивирует к дальнейшему изучению предмета.

Предпочтение отдаётся наглядно-конструктивному методу обучения, то есть теоретические знания имеют в своей основе чувственность предметно-практической деятельности. Развитие пространственных представлений у учащихся в курсе стереометрии проводится за счёт решения задач на создание пространственных образов и задач на оперирование пространственными образами. Создание образа проводится с опорой на наглядность, а оперирование образом – в условиях отвлечения от наглядности, мысленного изменения его исходного содержания.

Основные содержательные линии курса «Геометрии» в 10–11 классах: «Многогранники», «Прямые и плоскости в пространстве», «Тела вращения», «Векторы и координаты в пространстве». Формирование логических умений распределяется не только по содержательным линиям, но и по годам обучения на уровне среднего общего образования.

Содержание образования, соответствующее предметным результатам освоения рабочей программы, распределённым по годам обучения, структурировано таким образом, чтобы овладение геометрическими понятиями и навыками осуществлялось последовательно и поступательно, с соблюдением принципа преемственности, чтобы новые знания включались в общую систему геометрических представлений обучающихся, расширяя и углубляя её, образуя прочные множественные связи.

Место учебного курса в учебном плане. На изучение геометрии отводится 2 часа в неделю в 10 классе и 1 час в неделю в 11 классе, всего за два года обучения - 102 учебных часа.

СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

10 КЛАСС

Прямые и плоскости в пространстве

Основные понятия стереометрии. Точка, прямая, плоскость, пространство. Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них.

Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве; параллельность трёх прямых; параллельность прямой и плоскости. Углы с сонаправленными сторонами; угол между прямыми в пространстве. Параллельность плоскостей: параллельные плоскости; свойства параллельных плоскостей. Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, куб, параллелепипед; построение сечений.

Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, теорема о прямой перпендикулярной плоскости. Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью; двугранный угол, линейный угол двугранного угла. Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости, проекция фигуры на плоскость. Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей. Теорема о трёх перпендикулярах.

Многогранники

Понятие многогранника, основные элементы многогранника, выпуклые и невыпуклые многогранники; развёртка многогранника. Призма: n -угольная призма; грани и основания призмы; прямая и наклонная призмы; боковая и полная поверхность призмы. Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства. Пирамида: n -угольная пирамида, грани и основание пирамиды; боковая и полная поверхность пирамиды; правильная и усечённая пирамида. Элементы призмы и пирамиды. Правильные многогранники: понятие правильного многогранника; правильная призма и правильная пирамида; правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр; куб. Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр. Сечения призмы и пирамиды.

Симметрия в пространстве: симметрия относительно точки, прямой, плоскости. Элементы симметрии в пирамидах, параллелепипедах, правильных многогранниках.

Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы. Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы. Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади усечённой пирамиды. Понятие об объёме. Объём пирамиды, призмы.

Подобные тела в пространстве. Соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных тел.

11 КЛАСС

Тела вращения

Цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности, ось цилиндрической поверхности. Цилиндр: основания и боковая поверхность, образующая и ось; площадь боковой и полной поверхности.

Коническая поверхность, образующие конической поверхности, ось и вершина конической поверхности. Конус: основание и вершина, образующая и ось; площадь боковой и полной поверхности. Усечённый конус: образующие и высота; основания и боковая поверхность.

Сфера и шар: центр, радиус, диаметр; площадь поверхности сферы. Взаимное расположение сферы и плоскости; касательная плоскость к сфере; площадь сферы.

Изображение тел вращения на плоскости. Развёртка цилиндра и конуса.

Комбинации тел вращения и многогранников. Многогранник, описанный около сферы; сфера, вписанная в многогранник, или тело вращения.

Понятие об объёме. Основные свойства объёмов тел. Теорема об объёме прямоугольного параллелепипеда и следствия из неё. Объём цилиндра, конуса. Объём шара и площадь сферы.

Подобные тела в пространстве. Соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных тел.

Сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), сечения шара.

Векторы и координаты в пространстве

Вектор на плоскости и в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Разложение вектора по трём некопланарным векторам. Правило параллелепипеда. Решение задач, связанных с применением правил действий с векторами. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Простейшие задачи в координатах. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов. Вычисление углов между прямыми и плоскостями. Координатно-векторный метод при решении геометрических задач.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

Гражданское воспитание:

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

Патриотическое воспитание:

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

Духовно-нравственного воспитания:

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

Эстетическое воспитание:

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

Физическое воспитание:

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

Трудовое воспитание:

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

Экологическое воспитание:

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

Ценности научного познания:

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются овладением универсальными *познавательными действиями*, универсальными коммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.

1) *Универсальные познавательные действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).*

Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;
- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

2) *Универсальные коммуникативные действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.*

Общение:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Сотрудничество:

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

3) *Универсальные регулятивные действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.*

Самоорганизация:

- составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль:

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

10 КЛАСС

Оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость.

Применять аксиомы стереометрии и следствия из них при решении геометрических задач.

Оперировать понятиями: параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей.

Классифицировать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве.

Оперировать понятиями: двугранный угол, грани двугранного угла, ребро двугранного угла; линейный угол двугранного угла; градусная мера двугранного угла.

Оперировать понятиями: многогранник, выпуклый и невыпуклый многогранник, элементы многогранника, правильный многогранник.

Распознавать основные виды многогранников (пирамида; призма, прямоугольный параллелепипед, куб).

Классифицировать многогранники, выбирая основания для классификации (выпуклые и невыпуклые многогранники; правильные многогранники; прямые и наклонные призмы, параллелепипеды).

Оперировать понятиями: секущая плоскость, сечение многогранников.

Объяснять принципы построения сечений, используя метод следов.

Строить сечения многогранников методом следов, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу.

Решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, применяя известные аналитические методы при решении стандартных математических задач на вычисление расстояний между двумя точками, от точки до прямой, от точки до плоскости, между скрещивающимися прямыми.

Решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, применяя известные аналитические методы при решении стандартных математических задач на вычисление углов между скрещивающимися прямыми, между прямой и плоскостью, между плоскостями, двугранных углов.

Вычислять объёмы и площади поверхностей многогранников (призма, пирамида) с применением формул; вычислять соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных многогранников.

Оперировать понятиями: симметрия в пространстве; центр, ось и плоскость симметрии; центр, ось и плоскость симметрии фигуры.

Извлекать, преобразовывать и интерпретировать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках.

Применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной форме.

Применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач.

Приводить примеры математических закономерностей в природе и жизни, распознавать проявление законов геометрии в искусстве.

Применять полученные знания на практике: анализировать реальные ситуации и применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры; решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин.

11 КЛАСС

Оперировать понятиями: цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности; цилиндр; коническая поверхность, образующие конической поверхности, конус; сферическая поверхность.

Распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар).

Объяснять способы получения тел вращения.

Классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости.

Оперировать понятиями: шаровой сегмент, основание сегмента, высота сегмента; шаровой слой, основание шарового слоя, высота шарового слоя; шаровой сектор.

Вычислять объёмы и площади поверхностей тел вращения, геометрических тел с применением формул.

Оперировать понятиями: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы; сфера, вписанная в многогранник или тело вращения.

Вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел.

Изображать изучаемые фигуры от руки и с применением простых чертёжных инструментов.

Выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу; строить сечения тел вращения.

Извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках.

Оперировать понятием вектор в пространстве.

Выполнять действия сложения векторов, вычитания векторов и умножения вектора на число, объяснять, какими свойствами они обладают.

Применять правило параллелепипеда.

Оперировать понятиями: декартовы координаты в пространстве, вектор, модуль вектора, равенство векторов, координаты вектора, угол между векторами, скалярное произведение векторов, коллинеарные и компланарные векторы.

Находить сумму векторов и произведение вектора на число, угол между векторами, скалярное произведение, раскладывать вектор по двум неколлинеарным векторам.

Задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат.

Применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной форме.

Решать простейшие геометрические задачи на применение векторно-координатного метода.

Решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, применяя известные методы при решении стандартных математических задач.

Применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач.

Приводить примеры математических закономерностей в природе и жизни, распознавать проявление законов геометрии в искусстве.

Применять полученные знания на практике: анализировать реальные ситуации и применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры; решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин.

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

10 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов		Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	
1	Введение в стереометрию	4		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
2	Прямые и плоскости в пространстве. Параллельность прямых и плоскостей	15	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
3	Перпендикулярность прямых и плоскостей	13	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
4	Углы между прямыми и плоскостями	9	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
5	Многогранники	11	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
6	Объёмы многогранников	8	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
7	Повторение: сечения, расстояния и углы	8	1	
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68	6	

11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов		Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	
1	Тела вращения	12		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
2	Объёмы тел	5	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
3	Векторы и координаты в пространстве	10	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
4	Повторение, обобщение, систематизация знаний	7	1	
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	3	

ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов		Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	
1	Основные понятия стереометрии: точка, прямая, плоскость, пространство.	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
2	Правила изображения на рисунках: изображения плоскостей, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
3	Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
4	Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
5	Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
6	Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
7	Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
8	Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: Параллельность трех прямых	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
9	Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: Параллельность прямой и плоскости	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
10	Скрещивающиеся прямые	1		Библиотека ЦОК

				https://m.edsoo.ru/7f4131ce
11	Угол между прямыми в пространстве	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
12	Угол между прямыми в пространстве	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
13	Параллельность плоскостей: параллельные плоскости	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
14	Свойства параллельных плоскостей	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
15	Знакомство с многогранниками, изображение многогранников на рисунках, на проекционных чертежах	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
16	Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, куб, параллелепипед	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
17	Начальные сведения о кубе и пирамиде, их развёртки и модели. Сечения многогранников	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
18	Построение сечений	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
19	Построение сечений	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
20	Контрольная работа по теме "Прямые и плоскости в пространстве. Параллельность прямых и плоскостей"	1	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
21	Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
22	Прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
23	Признак перпендикулярности прямой и плоскости	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
24	Признак перпендикулярности прямой и плоскости	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce

25	Теорема о прямой перпендикулярной плоскости	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
26	Теорема о прямой перпендикулярной плоскости	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
27	Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
28	Перпендикуляр и наклонные: расстояние от прямой до плоскости	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
29	Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
30	Теорема о трёх перпендикулярах	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
31	Теорема о трёх перпендикулярах	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
32	Нахождение углов между скрещивающимися прямыми в кубе и в пирамиде	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
33	Контрольная работа по темам "Перпендикулярность прямых и плоскостей"	1	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
34	Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
35	Двугранный угол, линейный угол двугранного угла	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
36	Двугранный угол, линейный угол двугранного угла	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
37	Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
38	Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
39	Нахождение углов между плоскостями в кубе	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
40	Нахождение углов между плоскостями в	1		Библиотека ЦОК

	пирамиде			https://m.edsoo.ru/7f4131ce
41	Решение задач	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
42	Контрольная работа по теме «Многогранники»	1	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
43	Понятие многогранника	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
44	Призма: прямая и наклонная	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
45	Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
46	Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
47	Пирамида	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
48	Правильная и усечённая пирамиды	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
49	Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади боковой поверхности усечённой пирамиды	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
50	Правильные многогранники	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
51	Симметрия в пространстве	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
52	Контрольная работа по теме "Многогранники"	1	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
53	Понятие об объёме	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
54	Объём параллелепипеда	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce

55	Объём призмы	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
56	Объём призмы	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
57	Объём пирамиды	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
58	Объём пирамиды	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
59	Объём пирамиды	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
60	Контрольная работа по теме "Объёмы многогранников"	1	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
61	Повторение, обобщение систематизация знаний. Построение сечений в многограннике	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
62	Повторение, обобщение систематизация знаний. Вычисление расстояний: между двумя точками, от точки до прямой, от точки до плоскости, между скрещивающимися прямыми	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
63	Повторение, обобщение систематизация знаний. Вычисление углов: между скрещивающимися прямыми, между прямой и плоскостью, двугранных углов, углов между плоскостями	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
64	Итоговая контрольная работа	1	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
65	Повторение, обобщение систематизация знаний	1		
66	Повторение, обобщение систематизация знаний	1		
67	Повторение, обобщение систематизация знаний	1		
68	Повторение, обобщение систематизация знаний	1		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68	6	

11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов		Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	
1	Сфера и шар: центр, радиус, диаметр; площадь поверхности сферы	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
2	Взаимное расположение сферы и плоскости; касательная плоскость к сфере; площадь сферы	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
3	Изображение сферы, шара на плоскости. Сечения шара	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
4	Цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности, ось цилиндрической поверхности	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
5	Цилиндр: основания и боковая поверхность, образующая и ось; площадь боковой и полной поверхности	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
6	Изображение цилиндра на плоскости. Развёртка цилиндра. Сечения цилиндра (плоскостью, параллельной или перпендикулярной оси цилиндра)	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
7	Коническая поверхность, образующие конической поверхности, ось и вершина конической поверхности	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
8	Конус: основание и вершина, образующая и ось; площадь боковой и полной поверхности	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
9	Усечённый конус: образующие и высота; основания и боковая поверхность	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
10	Изображение конуса на плоскости. Развёртка конуса. Сечения конуса (плоскостью, параллельной основанию, и плоскостью, проходящей через вершину)	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce

11	Комбинация тел вращения и многогранников	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
12	Многогранник, описанный около сферы; сфера, вписанная в многогранник или в тело вращения	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
13	Понятие об объёме. Основные свойства объёмов тел	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
14	Объём цилиндра, конуса	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
15	Объём шара и площадь сферы	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
16	Подобные тела в пространстве. Соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных тел	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
17	Контрольная работа по темам "Тела вращения" и "Объёмы тел"	1	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
18	Вектор на плоскости и в пространстве	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
19	Сложение и вычитание векторов	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
20	Умножение вектора на число	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
21	Разложение вектора по трём некопланарным векторам. Правило параллелепипеда	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
22	Решение задач, связанных с применением правил действий с векторами	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
23	Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Простейшие задачи в координатах	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
24	Угол между векторами. Скалярное произведение векторов	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
25	Вычисление углов между прямыми и плоскостями	1		Библиотека ЦОК

				https://m.edsoo.ru/7f4131ce
26	Координатно-векторный метод при решении геометрических задач	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
27	Контрольная работа по теме "Векторы и координаты в пространстве"	1	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
28	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Основные фигуры, факты, теоремы курса планиметрии	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
29	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Основные фигуры, факты, теоремы курса планиметрии	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
30	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Задачи планиметрии и методы их решения	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
31	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Задачи планиметрии и методы их решения	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
32	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Основные фигуры, факты, теоремы курса стереометрии	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f4131ce
33	Итоговая контрольная работа	1	1	
34	Повторение, обобщение и систематизация знаний	1		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	3	

УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА

ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА

- Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Геометрия, 10-11 классы/ Атанасян Л.С., Бутузов В.Ф., Кадомцев С.Б. и другие, Акционерное общество «Издательство «Просвещение»

ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ

Библиотека ЦОК <https://m.edsoo.ru/7f4131ce>

ПРИМЕРНЫЕ ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ

2023 - 2024 учебный год

10 КЛАСС

Контрольная работа по теме «Аксиомы стереометрии и их следствия»	
<p>Вариант 1</p> <p>1) Основание AD трапеции $ABCD$ лежит в плоскости α. Через точки B и C проведены параллельные прямые, пересекающие плоскость α в точках E и F соответственно.</p> <p>а) Каково взаимное расположение прямых EF и AB?</p> <p>б) Чему равен угол между прямыми EF и AB, если $\angle ABC = 150^\circ$? Ответ обоснуйте.</p> <p>2) Дан пространственный четырехугольник $ABCD$, в котором диагонали AC и BD равны. Середины сторон этого четырехугольника соединены последовательно отрезками.</p> <p>а) Выполните рисунок к задаче;</p> <p>б) Докажите, что полученный четырехугольник – ромб.</p>	<p>Вариант 2</p> <p>1) Треугольники ABC и ADC лежат в разных плоскостях и имеют общую сторону AC. Точка P – середина стороны AD, точка K – середина DC.</p> <p>а) Каково взаимное расположение прямых PK и AB?</p> <p>б) Чему равен угол между прямыми PK и AB, если $\angle ABC = 40^\circ$ и $\angle BCA = 80^\circ$?</p> <p>Ответ обоснуйте.</p> <p>2) Дан пространственный четырехугольник $ABCD$, M и N – середины сторон AB и BC соответственно, $E \in CD$, $K \in D$, $DA : EC = 1 : 2$, $DK : KA = 1 : 2$.</p> <p>а) Выполните рисунок к задаче;</p> <p>б) Докажите, что четырехугольник $MNEK$ – трапеция.</p>
Контрольная работа по теме «Взаимное расположение прямой и плоскости»	
<p>Вариант 1</p> <p>1. Прямая a параллельна плоскости α, прямая b также параллельна плоскости α. Могут ли a и b:</p> <p>а) Быть параллельными?</p> <p>б) Пересекаться?</p> <p>в) Быть скрещивающимися прямыми?</p> <p>2. Точка M лежит вне плоскости параллелограмма $ABCD$.</p>	<p>Вариант 2</p> <p>Прямая a пересекает плоскость α, прямая b также пересекает плоскости α. Могут ли a и b:</p> <p>а) Быть параллельными?</p> <p>б) Пересекаться?</p> <p>в) Быть скрещивающимися прямыми?</p> <p>Треугольник ABC и трапеция $KMNP$ имеют общую среднюю линию EF, $MN \parallel EF$, $EF \parallel BC$.</p> <p>а) Докажите, что $BC \parallel KP$.</p>

<p>а) Докажите, что средние линии треугольников MAD и MBC параллельны.</p> <p>б) Найдите эти средние линии, если боковая сторона параллелограмма равна 5, а его высота равная 4 и делит сторону, к которой проведена, пополам.</p> <p>3. Плоскость α пересекает стороны AB и BC треугольника ABC в точках M и N соответственно. $BN:NC=5:8$. $MB:AB=5:13$.</p> <p>а) Докажите, что $AC \parallel \alpha$.</p> <p>б) Найдите MN, если $AC=26$.</p> <p>4. Через вершину C квадрата $ABCD$, проходит прямая CK, не лежащая в плоскости квадрата.</p> <p>а) Докажите, что CK и AD скрещивающиеся.</p> <p>б) Чему равен угол между CK и AD. Угол CBK равен 45 градусов, угол $СКВ$ равен 75 градусов?</p>	<p>б) Найдите KP и MN, если $BC=24$, $KP:MN = 8:3$.</p> <p>Плоскость α проходит через сторону AB треугольника ABC. Прямая пересекает стороны BC и AC в точках M и N соответственно. $MC:BC=6:13$, $NC:AN=6:7$.</p> <p>а) Докажите, что $MN \parallel \alpha$.</p> <p>б) Найдите MN, если $AC=39$.</p> <p>Точка F лежит вне плоскости трапеции $ABCD$.</p> <p>а) Докажите, что AF и BC скрещивающиеся.</p> <p>б) Чему равен угол между AF и BC, если угол AFD равен 70 градусов, угол FDA равен 40 градусов?</p>
<p>Контрольная работа по теме «Параллельность прямых и плоскостей»</p>	
<p>Вариант 1</p> <p>1. Прямые a и b лежат в параллельных плоскостях α и β. Могут ли эти прямые быть:</p> <p>а) параллельными; б) скрещивающимися? Сделайте рисунок для каждого возможного случая.</p> <p>☞ Даны параллельные плоскости α и β. Через точки M и N плоскости α проведены параллельные прямые, пересекающие плоскость β в точках M_1 и N_1. Найдите M_1N_1, если $MN = 6$.</p> <p>3. Через точку O, лежащую между параллельными плоскостями α и β, проведены прямые l и m. Прямая l пересекает плоскости α и β в точках A_1 и A_2 соответственно, прямая m – в точках B_1 и B_2. Найдите длину отрезка A_2B_2, если $A_1B_1 = 12$ см, $B_1O : OB_2 = 3 : 4$.</p> <p>☛ Построить сечение куба $ABCA_1B_1C_1D_1$, проходящее через точку MAB и ребро CC_1.</p>	<p>Вариант 2</p> <p>1. Прямые a и b лежат в пересекающихся плоскостях α и β. Могут ли эти прямые быть:</p> <p>а) параллельными; б) скрещивающимися? Сделайте рисунок для каждого возможного случая.</p> <p>2. Отрезки AB и CD параллельных прямых заключены между параллельными плоскостями. Найдите AB, если $CD=4$.</p> <p>3. Через точку O, не лежащую между параллельными плоскостями α и β, проведены прямые l и m. Прямая l пересекает плоскости α и β в точках A_1 и A_2 соответственно, прямая m – в точках B_1 и B_2. Найдите длину отрезка A_1B_1, если $A_2B_2 = 15$ см, $OB_1 : OB_2 = 3 : 5$.</p> <p>☛ Построить сечение тетраэдра $ABCD$, проходящее через точку MAB параллельно грани BDC.</p>
<p>Контрольная работа по теме Перпендикулярность прямых и плоскостей</p>	

<p>Вариант 1</p> <p>1. Диагональ куба равна 6 см. Найдите:</p> <p>а) ребро куба;</p> <p>б) косинус угла между диагональю куба и плоскостью одной из его граней.</p> <p>2. Сторона AB ромба $ABCD$ равна a, один из углов равен 60°. Через сторону AB проведена плоскость α на расстоянии $\frac{a}{2}$ от точки D.</p> <p>а) Найдите расстояние от точки C до плоскости α.</p> <p>б) Покажите на рисунке линейный угол двугранного угла $DABM$, $M \in \alpha$.</p> <p>в) Найдите синус угла между плоскостью ромба и плоскостью α.</p>	<p>Вариант 2</p> <p>1. Основанием прямоугольного параллелепипеда служит квадрат; диагональ параллелепипеда равна $2\sqrt{6}$ см, а его измерения относятся как $1 : 1 : 2$. Найдите:</p> <p>а) измерения параллелепипеда;</p> <p>б) синус угла между диагональю параллелепипеда и плоскостью его основания.</p> <p>2. Сторона квадрата $ABCD$ равна a. Через сторону AD проведена плоскость α на расстоянии $\frac{a}{2}$ от точки B.</p> <p>а) Найдите расстояние от точки C до плоскости α.</p> <p>б) Покажите на рисунке линейный угол двугранного угла $BADM$, $M \in \alpha$.</p> <p>в) Найдите синус угла между плоскостью квадрата и плоскостью α.</p>
--	---